

# О МУЛЬТИПЛИКАТОРАХ МИХАЛЕВИЧА

Стецюк П.И.  
*stetsyukp@gmail.com*

Институт кибернетики им. В.М. Глушкова, Киев

6-а Всеукраїнська науково-практична конференція "Глушковські читання"  
"Цифрова революція в соціально-економічній сфері: історія і перспективи"  
НТУУ "КПІ" + ІК НАНУ, Київ, Україна  
13 грудня 2017 року

- 1 О мультипликаторе М.В. Михалевича
- 2 Вывод величин  $D(A, q)$  и  $k(A, q)$
- 3 О задачах М.В. Михалевича (1998–2015)

# План доклада

- 1 О мультипликаторе М.В. Михалевича
- 2 Вывод величин  $D(A, q)$  и  $k(A, q)$
- 3 О задачах М.В. Михалевича (1998–2015)

Доход  $D(A, q)$  и мультипликатор  $k(A, q)$ 

Общий доход потребителей

$$D(A, q) = \frac{q^T(I - A)^{-1}h}{1 - q^T(I - A)^{-1}\alpha},$$

где  $h = (h_1, \dots, h_n)$ ,  $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)$ .

М.В. Михалевич назвал величину

$$k(A, q) = q^T(I - A)^{-1}\alpha$$

мультипликатором „прирост доходов – прирост производства“

# Обозначения

$A$  –  $n \times n$ -матрица коэффициентов прямых затрат для  $n$  агрегированных отраслей,  $I$  – единичная матрица.

$q = (q_1, \dots, q_n)^T$ , где  $q_i$  – доля заработной платы и других выплат за труд в цене продукции  $i$  отрасли.

Векторы  $h = (h_1, \dots, h_n)^T$  и  $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)^T$  такие, что конечный продукт  $y = (y_1, \dots, y_n)^T$  в продуктивной модели Леонтьева  $y = (I - A)x$  представим в виде

$$y = \alpha D + h,$$

где элементы  $\alpha_i$  отражают структуру индивидуального потребления и внутренних инвестиций, а  $h_i$  определяется экспортно-импортным сальдо отраслей и потребностями общественного потребления.

# План доклада

- 1 О мультипликаторе М.В. Михалевича
- 2 Вывод величин  $D(A, q)$  и  $k(A, q)$**
- 3 О задачах М.В. Михалевича (1998–2015)

# Продуктивная модель Леонтьева

Пусть экономика страны образована  $n$  агрегированными отраслями и  $A = \{a_{ij}\}$  – матрица коэффициентов прямых затрат для этих отраслей. Пусть  $y_i$  и  $x_i$  – конечный и валовый продукт  $i$ -й отрасли в фиксированных ценах.

Обозначим  $x = (x_1, \dots, x_n)^T$  и  $y = (y_1, \dots, y_n)^T$ .

Продуктивная модель Леонтьева имеет вид

$$y = (I - A)x \quad \text{или} \quad x = (I - A)^{-1}y \quad (1)$$

и позволяет рассчитывать объемы конечного продукта  $y$  по объемам валового продукта  $x$  и наоборот.

# Общие доходы потребителей

Пусть  $q = (q_1, \dots, q_n)^T$ , где  $q_i$  – доля заработной платы и других выплат за труд в цене продукции  $i$  отрасли.

Если оплата труда линейно зависит от объемов производства в отраслях, то общие доходы потребителей

$$D = \sum_{i=1}^n q_i x_i = q^T x. \quad (2)$$



# Векторы $\alpha$ и $h$

Пусть конечный продукт отраслей состоит из двух частей – зависящей и не зависящей от  $D$ . Если первая часть линейно зависит от величины доходов потребителей, то:

$$y_i = \alpha_i D + h_i, \quad i = \overline{1, n}, \quad (3)$$

где коэффициенты  $\alpha_i$  отражают, в основном, структуру индивидуального потребления и внутренних инвестиций, а  $h_i$  определяется экспортно-импортным сальдо отраслей и потребностями общественного потребления.

Выразим  $D$  через  $A$  и  $q$ 

Используя

$$x = (I - A)^{-1}y, \quad \text{из (1)}$$

имеем

$$D = q^T x = q^T (I - A)^{-1}y, \quad \text{из (2)}$$

откуда с учетом

$$y = \alpha D + h, \quad \text{из (3)}$$

получаем

$$D = Dq^T(I - A)^{-1}\alpha + q^T(I - A)^{-1}h, \quad (4)$$

где  $h = (h_1, \dots, h_n)$ ,  $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)$ .

Доход  $D(A, q)$  и мультипликатор  $k(A, q)$ 

Из (4) получаем

$$D(A, q) = \frac{q^T(I - A)^{-1}h}{1 - q^T(I - A)^{-1}\alpha}, \quad (5)$$

где  $h = (h_1, \dots, h_n)$ ,  $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)$ . Величину

$$k(A, q) = q^T(I - A)^{-1}\alpha \quad (6)$$

М.В. Михалевич назвал мультипликатором „прирост доходов – прирост производства“

# План доклада

- 1 О мультипликаторе М.В. Михалевича
- 2 Вывод величин  $D(A, q)$  и  $k(A, q)$
- 3 О задачах М.В. Михалевича (1998–2015)

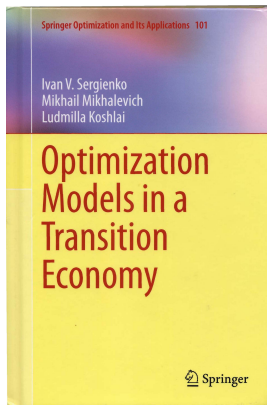
# Оптимизационная задача, 1998



Найти изменения элементов матрицы прямых затрат  $A$  и вектора „зарплат“  $q$ , которые максимизируют  $D(A, q)$  или  $k(A, q)$  при условиях: избежать дополнительных инфляционных воздействий; учесть изменения коэффициентов, обусловленные особенностями существующих технологий; не превысить ресурсы, выделяемые на изменение технологий, и др. [1998].

**1998.** Сергиенко И.В., Михалевич М.В., Стецюк П.И., Кошлай Л.Б. Межотраслевая модель планирования структурно-технологических изменений // Кибернетика и систем. анализ. – 1998. – №3. – С. 3–17.

# Информация о задачах



[стр. 123-147] в книге

**Sergienko I.V., Mikhalevich M., Koshlai L.**  
Optimization Models in a Transition  
Economy. – Springer Optimization and its  
Application. – Vol. 101, 2014. – 334 p.

[стр. 159-176] в книге

**Михалевич М.В., Сергиенко И.В.**  
Моделирование переходной экономики:  
модели, методы, информационные тех-  
нологии. – К.: Наук. думка, 2005. – 672 с.

# Информация о задачах (продолжение)

## В статье

**Сергиенко И.В., Михалевич М.В., Стецюк П.И., Кошлай Л.Б.** Модели и информационные технологии для поддержки принятия решений при проведении структурно-технологических преобразований // Кибернетика и систем. анализ. – 2009. – № 2. – С. 26–49.

## на стр. 96-115 в книге

**Стецюк П.И. , Бортис Г., Эмменеггер Ж.-Ф. и др.** Институциональные и технологические изменения в странах с рыночной и переходной экономикой. – К.: Видавничий дім "Києво-Могилянська академія", 2015. – 336 с.

► [Stetsyuk\(Ed\)-2015](#)

# Запитання?

ДЯКУЮ ЗА УВАГУ!